

<p>نام درس: ریاضی ۲</p> <p>نام دبیر: آقای مظاہری</p> <p>تاریخ امتحان: ۱۳۹۶/۱۰/۰۹</p> <p>ساعت امتحان: ۰۰:۰۸ صبح</p> <p>مدت امتحان: ۱۰۰ دقیقه</p>	<p>جمهوری اسلامی ایران</p> <p>اداره کل آموزش و پرورش شهر تهران</p> <p>اداره کی آموزش و پرورش شهر تهران منطقه تهران</p> <p>دیبرستان غیردولتی پسرانه / دخترانه</p> <p></p>	<p>نام و نام خانوادگی:</p> <p>قطع و رشته: یازدهم تجربی</p> <p>شماره داوطلب:</p> <p>تعداد صفحه سؤال: ۳ صفحه</p>
۱	« سوالات »	۱
۱	معادله‌ی خط گذرنده از نقطه‌ی $A(2,4)$ را بنویسید به طوری که با خط $y = 3x + 2$ موازی باشد.	۱
۱	<p>مثلث ABC با راس‌های $A(1,3)$, $B(1,1)$ و $C(5,1)$ را در نظر بگیرید.</p> <p>(الف) مختصات نقطه M وسط پاره خط BC را بیابید.</p> <p>(ب) طول میانه‌ی AM را بیابید.</p>	۲
۰,۵	فاصله‌ی نقطه $A(1,2)$ را از خط $4x + 3y + 5 = 0$ محاسبه کنید.	۳
۱	<p>معادلات زیر را حل کنید.</p> <p>(الف) $x^4 - 3x^2 - 4 = 0$</p> <p>(ب) $(2x - 4)^4 - (2x - 4)^2 - 2 = 0$</p>	۴
۰,۵	معادله‌ی درجه دومی بنویسید که ریشه‌های آن $2 + \sqrt{3}$ و $2 - \sqrt{3}$ باشد.	۵
۱	بیشترین مقدار تابع $f(x) = -2x^2 - 4x + 5$ را محاسبه کنید.	۶
۱	<p>در شکل زیر سهمی به معادله $p(x) = ax^2 + bx + c$ داده شده است. علامت ضرایب a, b, c و نیز تعداد جواب‌های این معادله را بنویسید.</p>	۷

۲) $\frac{1}{x} + \frac{1}{x-2} = 5$

(ب) $\sqrt{2x+9} - \sqrt{x+1} = 2$

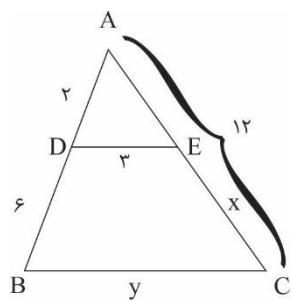
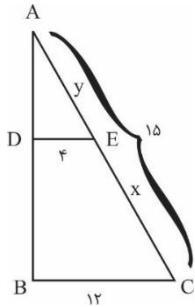
صورت قضیه تالس را بیان نموده و با رسم شکل اثبات نمایید.

۹

۱.۵

مقادیر x و y را بیابید.

۱۰



۱

عكس قضایای زیر را بنویسید.

۱۱

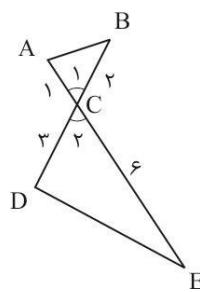
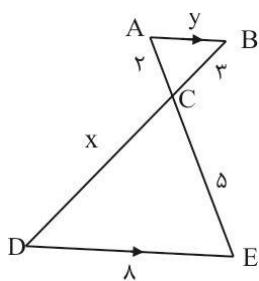
(الف) قضیه: اگر یک چهارضلعی متوازی‌الاضلاع باشد، آنگاه قطرهایش بکدیگر را نصف می‌کنند.

(ب) قضیه: اگر دو مثلث همنهشت باشند آنگاه مساحت‌های آنها برابر است.

۲

در شکل‌های زیر تشابه دو مثلث را ثابت کنید و سپس مقادیر x و y را بیابید.

۱۲



۱.۵

در مجموعه زیر مجھول‌ها را چنان بیابید که زوج‌های مرتب نمایش یک تابع باشند.

۱۳

الف) $f = \{(1, 2), (2, 3), (2, a^2 - 1), (a, 5)\}$

ب) $g = \{(1, 3), (2, 2), (1, a - 2b), (2, a^2 - b), (3, 2)\}$

۱.۵

دامنه توابع زیر را بیابید.

۱۴

$$y = \frac{2x}{x^2 - x - 2} \quad (\text{الف})$$

$$y = \frac{-x-1}{-x+1} \quad (\text{ب})$$

$$y = \sqrt{x(x+2)} \quad (\text{پ})$$

۱

معادله زیر را حل کنید.

۱۵

$$[x] + [x + 3] = 5$$

۱.۵

یک به یک بودن توابع زیر را بررسی کنید.

۱۶

$$y = \sqrt{2x - 3} \quad (\text{الف})$$

$$y = \frac{x+6}{3x-4} \quad (\text{ب})$$

نام درس: ریاضی ۲

نام دبیر: آقای مظاہری

تاریخ امتحان: ۱۳۹۶ / ۰۹ / ۱۰

ساعت امتحان: ۰۸:۰۰ صبح

مدت امتحان: ۱۰۰ دقیقه

جمهوری اسلامی ایران

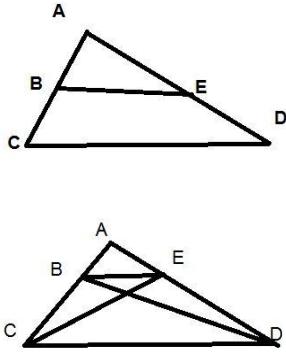
اداره کل آموزش و پرورش شهر تهران

اداره کل آموزش و پرورش شهر تهران منطقه ۲ تهران

دیبرستان غیردولتی پسرانه / دخترانه

پاسخ نامه سوالات

ردیف	راهنمای تصحیح	ردیف
۱	$m = \tau$ $y - \varepsilon = \tau(x - 1)$ $y = \tau x - \tau$	۱
۱	$m = (\tau, 1)$ $\sqrt{(\tau - 1)^2 + (1 - \tau)^2} = \sqrt{2}$	۲
۰,۵	$h = \frac{\varepsilon \times 1 + \tau \times 2 + 0}{\sqrt{\varepsilon^2 + \tau^2}} = \frac{10}{5} = 2$	۳
۱	(الف) $x^\tau = t$ $x^\tau = \varepsilon$ $x^\tau = -1$ $x^\tau = \pm 2$ (ب) $(\tau x - \varepsilon)^\tau = t \rightarrow t = 2 \rightarrow x = \frac{\pm\sqrt{2} + \varepsilon}{\tau}$	۴
۰,۵	$s = \varepsilon$ $p = 1$ $x^\tau - \varepsilon x + 1$	۵
۱	$\frac{-\Delta}{\varepsilon a} = \frac{(17 + \varepsilon)}{-18} = 7$	۶
۱	$a < 0$ $c < 0$ $b < 0$ دوریشه دارد.	۷

۷	$x - \sqrt{x} + x = \circ x(x - \sqrt{x}) \rightarrow \circ x^2 - \sqrt{x}x + \sqrt{x} = 0$ $(\sqrt{x} + 1) + (x + 1) - \sqrt{x+1}\sqrt{x+1} = 0$ $\sqrt{x}^2 - \sqrt{x}\sqrt{x} = 0$	۸
۹	 <p>برای اثبات ضلع CE و BD را رسم می کنیم .</p> $\frac{S_{ABE}}{S_{BDE}} = \frac{AE}{ED}$ $\frac{S_{ABE}}{S_{BCE}} = \frac{AB}{BC}$ $\rightarrow \frac{AE}{ED} = \frac{AB}{BC}$	۹
۱۰	$\frac{y}{10} = \frac{\epsilon}{12} \rightarrow y = \circ$ $x = 10 - \circ = 10$ $\frac{1}{\lambda} = \frac{1}{y} \rightarrow y = \frac{\lambda \times 1}{1} = 12$ $\frac{12 - x}{12} = \frac{1}{\lambda} \rightarrow 12 - x = 1 \rightarrow x = 9$	۱۰
۱۱	اگر یک چهارضلعی قطرهایش یکدیگر را نصف کنند، متوازی الاضلاع است. اگر دو مثلث مساحت برابر داشته باشند، هم نهشت هستند.	۱۱
۱۲	$\frac{1}{\circ} = \frac{1}{x} = \frac{y}{\lambda}$ $x = 1, \circ \quad y = 1, 1$ $\frac{1}{1} = \frac{1}{x} \rightarrow x = 1$	۱۲

١,٥	$a^2 - 1 = 3 \rightarrow a = -\sqrt{3}$ $\begin{cases} a - \sqrt{3}b = 3 \\ a^2 - b = 3 \end{cases} \rightarrow \begin{cases} -\sqrt{3}a + a = -1 \\ 3a^2 - a - 1 = 0 \end{cases}$	١٣
١,٦	a) $R - \{-1, 1\}$ b) $R - \{1\}$ c) $[-\infty, 1]$	١٤
١	$\Gamma[X] + 3 = 0$ $\Gamma[X] = 1 \rightarrow [X] = 1 \rightarrow 1 \leq X < 1$	١٥
١,٧	a) $\sqrt{\Gamma x_1 - \Gamma} = \sqrt{\Gamma x_2 - \Gamma} \rightarrow x_1 = x_2$ b) $\frac{x_1 + 1}{\Gamma x_1 - \varepsilon} = \frac{x_2 + 1}{\Gamma x_2 - \varepsilon}$ $\Gamma x_1 x_2 + 1 \wedge x_2 - 1 \wedge x_2 - \varepsilon x_1 - \Gamma \varepsilon = \Gamma x_1 x_2 + 1 \wedge x_1 - \varepsilon x_2 - \Gamma \varepsilon$	١٦